

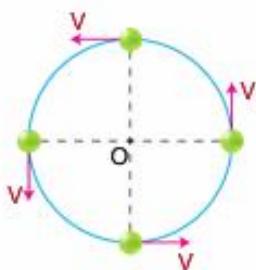


1. Bölüm

ÇEMBERSEL HAREKET, DÖNEREK ÖTELEME HAREKETİ

DÜZGÜN ÇEMBERSEL HAREKET

Düzgün çembercel hareket, çembercel yörünge de sabit süratle hareket eden bir cisim yapmış olduğu hareketidir. Her ne kadar cisim hız büyüklüğü değişmiyor olsa da hız vektörünün yönü sürekli değiştiği için düzgün çembercel hareket yapan bir cisimin hareketi ivmeli harekettir.



Bir cisme her an hareket doğrultusuna dik kuvvet uygulandığında, cisim düzgün çembercel hareket yapar.

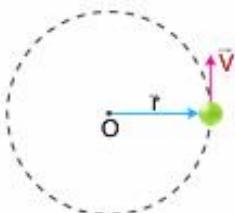
Periyot ve Frekans

Düzgün çembercel hareket yapan cismin bir tam tur dönmesi için gereken süreye **periyot** denir. T ile gösterilir. Birimi saniye'dir.

Düzgün çembercel hareket yapan cismin birim zamanındaki tur sayısına ise **frekans** denir. f ile gösterilir. Birimi s^{-1} ya da Hertz'dir.

⇒ Periyot ile frekansın çarpımı daima 1'dir. $T \cdot f = 1$ 'dir.

Konum vektörü (\vec{r})



Çemberin merkezini cisme birleştiren ve merkezden cisme doğru olan yarıçap vektörüne **konum vektörü** denir.

Çizgisel Sürat (v)

Düzgün çembercel hareket yapan bir cismin, çember çevresinde birim zamanda aldığı yola **çizgisel sürat** denir.

⇒ $v = \frac{2\pi r}{T} = 2\pi \cdot r \cdot f$ formülü ile hesaplanır.

Açışal Sürat (ω)

Yarıçap vektörünün birim zamanda taradığı radyan cinsinden açıya **açışal sürat** denir. ω (omega) simbolü ile gösterilir. Birimi rad/saniye'dir.

⇒ $\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi \cdot f$ formülü ile hesaplanır.

⇒ Çizgisel sürat ile açışal sürat arasındaki ilişki; $v = \omega \cdot r$ dir.

⇒ Periyotları, frekansları veya açışal süratleri eşit olan cisimlerin çizgisel hızları yançıyla doğru orantılıdır.



Tekerleri kaymadan dönerken ilerleyen bir aracın tekerinin yüzeyindeki bir noktanın çizgisel ve açışal hız büyüklükleri arasındaki ilişki şekilde gösterilmiştir.



Bilmek lazımlı: Dünya kendi ekseni etrafında dönerken Dünya üzerindeki her noktanın açışal hızı aynıdır. Çizgisel hız büyüklüğü ise noktanın dönüş eksenine uzaklılığı ile orantılıdır. Çizgisel hız ekvatorda en büyuktur.



Çembersel Hareket

ÖRNEK:

Bir çamaşır makinesinin silindir biçimli tamburu (kazanı) dakikada 900 devir yapmaktadır.

Buna göre tamburun;

- Frekansını ve periyodunu bulunuz.
- Tamburun yarıçapı 20 cm olduğuna göre tambur üzerindeki bir noktanın açısal hızının ve çizgisel hızının büyüklüğünü bulunuz. ($\pi=3$)

Bilmek lazımlı: Merkezelli kuvvet sisteme ivmeye neden olan, sistemde var olan ip gerilimi, kütte çekim kuvveti, sürünlme kuvveti vb kuvvetlerdir. Cismin üzerine etki eden kuvvetler gösterilirken merkezelli kuvveti bu kuvvetlerin yanında var olan başka bir kuvvet gibi göstermek ve düşünmek doğru değildir. Merkezelli kuvvet sisteme var olan kuvvetlerin bileskesine verilen addır. Özel olarak çembersel harekette bileske(net) kuvvet merkezelli kuvvet denilmektedir.

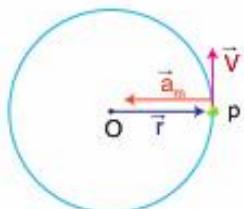
ÇÖZÜM:

- 60 saniyede 900 devir
1 saniyede f devir \Rightarrow Frekansı $f = 15 \text{ s}^{-1}$
Periyodu ise $T = \frac{1}{f} = \frac{1}{15}$ saniyedir.

- Çizgisel hız büyüklüğü;
 $v = 2\pi r f = 2 \cdot 3 \cdot 0,20 \cdot 15 = 18 \text{ m/s}'dır.
Açısal hız büyüklüğü ise,
 $v = \omega r \Rightarrow 18 = \omega \cdot 0,20 \Rightarrow \omega = 90 \text{ rad/s}'dır.$$

Merkezelli ivme

Düzenli çembersel harekette, cisimin çizgisel süratinin büyüklüğü değişmemesine rağmen yönü ve doğrultusu değişir. Bu yüzden düzenli çembersel harekette hız değişimi ve ivme vardır.



Birim zamandaki hız değişimine merkezelli(anlık) ivme denir.

- ⇒ Merkezelli (anlık) ivmenin büyüklüğü;
 $a = \frac{v^2}{r} = \omega^2 \cdot r$ formülü ile hesaplanır.
- ⇒ Merkezelli ivme vektörünün yönü, cisimden çemberin merkezine doğrudur.

Merkezelli kuvvet

Bir cismin düzenli çembersel hareket yapmasını sağlayan, hız vektörünün dik doğrultuda ve her an yönü merkeze doğru olan net kuvvette merkezelli kuvvet denir.

- ⇒ Merkezelli kuvvetin büyüklüğü;
 $F_m = m \frac{v^2}{r} = m \omega^2 \cdot r$ formülü ile hesaplanır.
- ⇒ Merkezelli kuvvet vektörünün yönü, merkezelli ivme gibi cisimden çemberin merkezine doğrudur.

ÖRNEK:

2 m yarıçaplı çembersel yörüngede 6 m/s sabit süratle dolanan 3 kg'lık bir cismin merkezelli ivmesini ve cisimde etki eden net kuvveti hesaplayınız.

ÇÖZÜM:

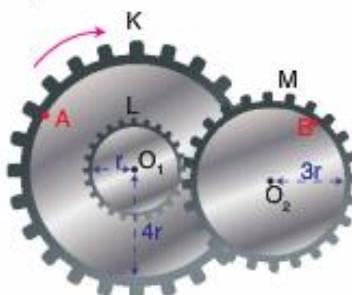
$$\text{Merkezelli ivme: } a_m = \frac{v^2}{r} = \frac{6^2}{2} = 18 \text{ m/s}^2$$

Net kuvvet merkezelli kuvveti eşittir.

$$F_m = m \cdot a_m = 3 \cdot 18 = 54 \text{ N bulunur.}$$

ÖRNEK:

Yarıçapları şekildeki gibi verilen merkezlerinden geçen eksen etrafında serbestçe dönen K, L ve M dişlerinden K ve L dişleri eş merkezlidir.



K dişli ok yönünde dönerken K dişli üzerindeki A noktasının ve M dişli üzerindeki B noktasının merkezelli ivmeleri büyüklükleri oranı kaçtır?

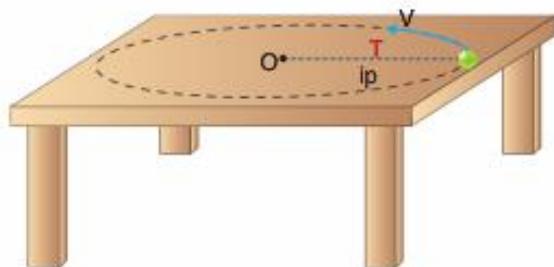
ÇÖZÜM:

Eş merkezli K ve L dişlerinin açısal süratleri eşittir. L ve M dişlerinin açısal süratleri ise yarıçapları ile ters orantılıdır.

- ⇒ Buradan $\omega_K = \omega_L = 3\omega$ olsun $\omega_M = \omega$ olur.
- ⇒ A noktasının merkezelli ivmesi:
 $a_A = (3\omega)^2 \cdot 4r = 36 \cdot \omega^2 \cdot r$
- ⇒ B noktasının merkezelli ivmesi: $a_B = \omega^2 \cdot 3r$
 $a_B = \frac{36 \cdot \omega^2 \cdot r}{\omega^2 \cdot 3r} = 12$ bulunur.

Düzgün Çembersel Hareketin Uygulamaları

1. Yatay düzlemede düzgün çembersel hareket

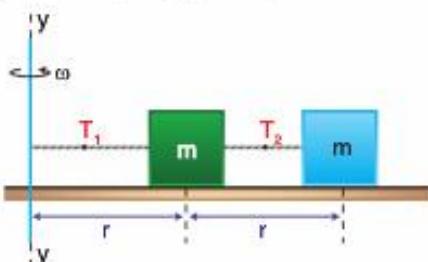


Sürtünmesi önemsiz bir masada, iple bağlı m küteli cisim r yarıçaplı düzgün çembersel hareket yaptıgıında; ip teki gerilme kuvveti T , merkezil kuvvettir.

$$T = \frac{mv^2}{r} = m\omega^2 \cdot r \text{ 'dir.}$$

ÖRNEK:

Sürtünmesi önemsiz yatay tabla üzerinde dönenme eksenine r ve $2r$ uzaklığındaki özdeş cisimler birbirlerine ve dönenme eksenine kütlesiz önemsiz iplerle bağlanmıştır. Tabla düşey eksen etrafında sabit ω açısal hızıyla döndürülünce iperdeki gerilmeler T_1 ve T_2 olmaktadır.



Buna göre $\frac{T_1}{T_2}$ oranı kaçtır?

ÇÖZÜM:

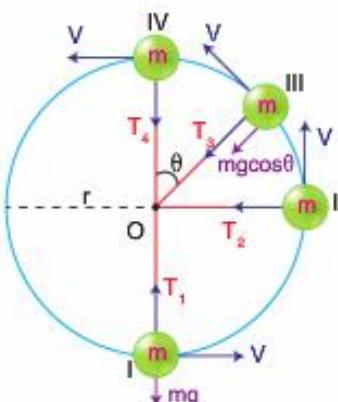
Cisimlere etki eden kuvvetler şekilde gösterilmiştir.

$$\begin{aligned} T_1 &= m\omega^2 \cdot r \\ T_2 &= m\omega^2 \cdot 2r \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \text{Buradan} \\ T_1 = 3m\omega^2 \cdot r \\ T_2 = 2m\omega^2 \cdot r \end{array} \right. \quad \left. \begin{array}{l} T_1 = 3 \\ T_2 = 2 \end{array} \right.$$

bulunur.

2. Düşey düzlemede düzgün çembersel hareket

m küteli cisim düşey düzlemede düzgün çembersel hareket yaptıgıında; şekildeki konumun her birinde ip teki gerilme kuvveti farklı bir değer alır.



I. konumdayken ip gerilmesi,

$$F_{net} = ma$$

$$T_1 - mg = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow T_1 = m \frac{v^2}{r} + mg \text{ 'dir.}$$

II. konumdayken ip gerilmesi,

$$F_{net} = ma$$

$$T_2 = m \frac{v^2}{r} \text{ 'dir.}$$

III. konumdayken ip gerilmesi,

$$F_{net} = ma$$

$$T_3 + mg \cos \theta = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow T_3 = m \frac{v^2}{r} - mg \cos \theta \text{ 'dir.}$$

IV. konumdayken ip gerilmesi,

$$F_{net} = ma$$

$$mg + T_4 = m \frac{v^2}{r} \Rightarrow T_4 = m \frac{v^2}{r} - mg \text{ 'dir.}$$

Denklemler incelendiğinde $T_1 > T_2 > T_3 > T_4$ ilişkisi bulunur.

T_1 gerilme kuvveti maksimum; T_4 gerilme kuvveti minimum değerdedir.

ÖRNEK:

Bir ipin ucuna bağlı 2 kg küteli cisim düşey düzlemede düzgün çembersel hareket yapmaktadır. Cisim yörüngenin en alt noktasından geçerken ip teki gerilme kuvveti 50 N 'dur.

Buna göre cisim yörügenin en üst noktasından geçerken ip teki gerilme kuvveti kaç N 'dur? ($g = 10 \text{ N/kg}$)

ÇÖZÜM:

Cisim en alt noktada iken ip teki gerilme kuvveti;

$$T_{\text{alt}} = m \frac{v^2}{r} + mg \text{ 'dir.}$$

$$50 = m \frac{v^2}{r} + 2 \cdot 10 \quad \text{ve} \quad m \frac{v^2}{r} = 30 \text{ N bulunur.}$$

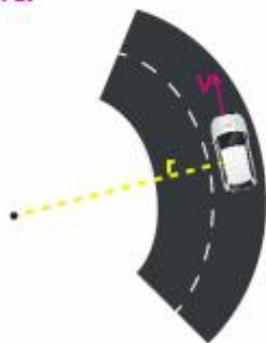
Cisim en üst noktasında iken ip teki gerilme kuvveti;

$$T_{\text{üst}} = m \frac{v^2}{r} - mg = 30 - 20 = 10 \text{ N bulunur.}$$



Çembersel Hareket

Yatay Virajlı Yol

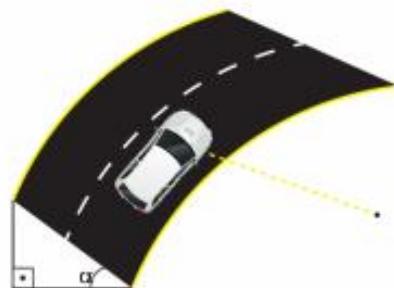


O merkezli, r yarıçaplı bir viraja v hızıyla giren araba savrulmadan yol alırken, arabaya etki edebilecek sürtünme kuvvetinin maksimum değeri merkezcil kuvvetten büyük ya da en az merkezcil kuvvette eşit olmalıdır.

$$f_{s\max} \geq f_m \quad kmg \geq \frac{mv^2}{r} \text{ buradan } k = \frac{v^2}{r} \text{ 'dir.}$$

Bilmek lazımlı: *Yatay sürtünmeli bir virajı kaymadan dönen bir araca etki eden sürtünme kuvveti, merkezcil kuvvette eşittir. Sürtünme kuvveti alabileceğim maksimum değere ulaşmış veya ulaşmamış olabilir.*

buradan, $\tan \alpha = \frac{m \frac{v^2}{r}}{mg} = \frac{v^2}{gr}$ olursa araç virajı emniyetle geçer.



ÖRNEK:

m kütleli bir araba, eğim açısı α olan r yarıçaplı eğrisel sürtünmesi önemsiz bir yolda sabit süratle dolanmaktadır.

Arabanın daha büyük bir süratle ve güvenle tur atabilmesi için; m , α , r niceliklerinden hangilerin tek başına artırılması yeterli olabilir?

ÇÖZÜM:

$$\tan \alpha = \frac{m \frac{v^2}{r}}{mg} = \frac{v^2}{gr}$$

bağıntısına göre sürat artınca α açısı veya r yarıçapı artırılırsa araba yine güvenle dönebilir.

ÖRNEK:

Bir araç 50 m yarıçaplı virajı dönecektir.

Yol ile araç arasındaki sürtünme katsayısı 0,6 olduğuna göre, araç virajı sabit 30 m/s süratle dönmeye çalışırsa ne olur?

ÇÖZÜM:

Sürtünme kuvvetinin maksimum değeri;

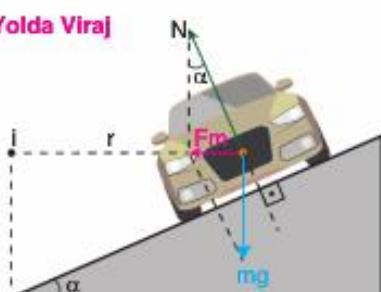
$$f_s = k \cdot m \cdot g = 0,6 \cdot m \cdot 10 = 6m \text{ 'dir.}$$

Araç dönerken gereken merkezcil kuvvet:

$$f_m = m \frac{v^2}{r} = m \frac{20^2}{50} = m \cdot 8 = 8m$$

Sürtünme kuvveti gereken merkezcil kuvveti karşılayamadığından araç güvenle dönemez, virajda dışarı savrulur.

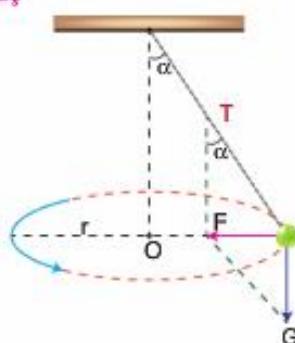
Eğimli Yolda Viraj



Yatay virajlara araçlar hızla girmekte zorlanır. Bu nedenle virajlara eğim verilir. Sürtünmenin önemsiz olduğu şekildeki virajda;

$$\left. \begin{array}{l} N \cdot \sin \alpha = m \frac{v^2}{r} \\ N \cdot \cos \alpha = mg \end{array} \right\} \tan \alpha = \frac{v^2}{gr}$$

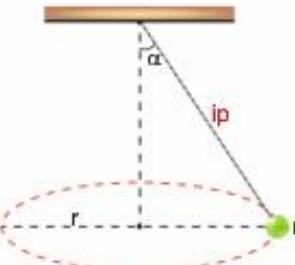
Konik Sarkaç



Sabit ω açısal hızıyla döndürülən sarkacın ipinin ucuna asılı m kütleli cisim etkileyen T ve G kuvvetlerinin bileskesi (merkezcil kuvvet) F şekildeki gibidir.

ÖRNEK:

Bir ipin ucuna bağlı m kütleli cisim r yarıçaplı yatay düzlemedeki dairesel yörüğe sabit ω açısal süratle dönmektedir.

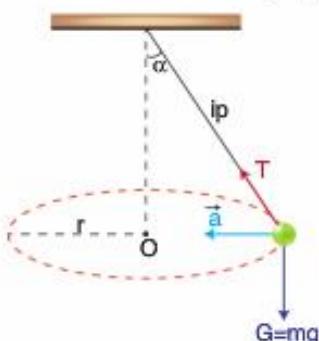




Buna göre cisim şekildeki konumda iken yere göre cisimle etki eden kuvvetleri ve cismin ivmesini (a) gösteriniz?

ÇÖZÜM:

Cisme etki eden kuvvetler cismin ağırlığı ve ip gerilmesidir.

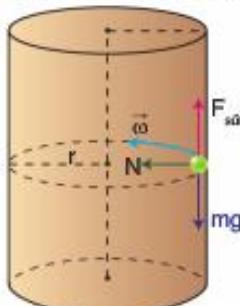


İp gerilmesi (T) ve ağırlığın ($G = mg$) vektörel toplamı merkezci kuvveti oluşturur.

Cismin ivmesi ve merkezci kuvvet merkeze doğrudır.

Silindir İçinde Dönen Cisim

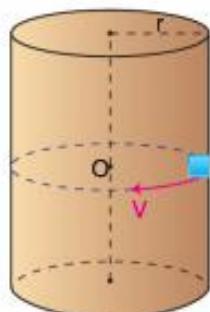
Bir silindir içinde ω açısal hızıyla dönmekte olan m küteli cisime etkiyen sürtünme kuvvetinin alabileceği en büyük değer ($F_s = kN$ değeri), cismin ağırlığından büyük ya da en az cismin ağırlığına eşit büyüklükte olmalıdır.



$N = m\omega^2 r$ ve $mg \leq f_s \Rightarrow mg \leq km\omega^2 r$ ve buradan $g \leq k\omega^2 r$ olursa cisim düşmez.

ÖRNEK:

m küteli bir cisim, r yarıçaplı düşey silindirin iç yüzeyinde düşmeden sabit v süratıyla dönmektedir.



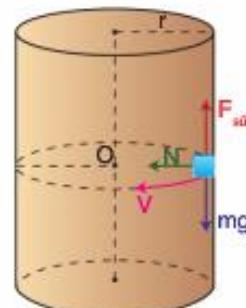
Buna göre cisimle silindir arasındaki sürtünme kat sayısının en küçük değerini veren bağıntı nedir?

ÇÖZÜM:

Yatayda cisme merkeze doğru silindirin uyguladığı N normal kuvveti merkezci kuvvette eşittir.

$$N = m \frac{v^2}{r}$$

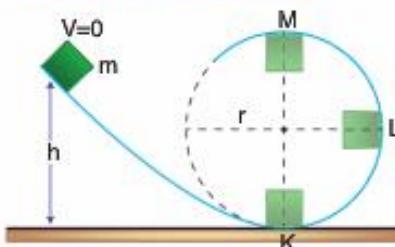
Düşeyde sürtünme kuvveti $f_s = k.N = k.m \frac{v^2}{r}$ 'dır.



Cisim kaymadan durabildiğine göre sürtünme kuvvetinin büyüklüğü, cismin ağırlığının büyüklüğüne eşittir.

$$k.m \frac{v^2}{r} = mg \Rightarrow k = \frac{gr}{v^2} \text{ olur.}$$

Değişken Hızlı Çembersel Hareket



m küteli cisim, h yüksekliğinden serbest bırakıldığında rayın K, L, M noktalarından geçen rayın cisme gösterdiği tepki kuvveti;

$$\text{K noktasında iken; } N_K = \frac{mv_K^2}{r} + mg \text{ 'dir.}$$

$$\text{L noktasında iken; } N_L = \frac{mv_L^2}{r} \text{ 'dir.}$$

$$\text{M noktasında iken; } N_M = \frac{mv_M^2}{r} - mg \text{ 'dir.}$$

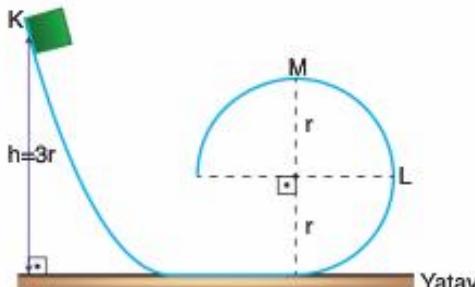
Cismin K, L, M noktalarındaki v_K , v_L , v_M hızları enerji korunumundan bulunur.



Çembersel Hareket

ÖRNEK:

Düşey kesiti şekildeki gibi olan sürtünmesiz yolun K noktasından serbest bırakılan m kütleli cisim rayın çembersel bölümünde L ve M noktalarından geçerken rayın tepki kuvvetlerinin büyüklükleri sırasıyla N_L ve N_M oluyor.



Buna göre $\frac{N_L}{N_M}$ oranı kaçtır?

ÇÖZÜM:

Mekanik enerji korunacağından K ve L noktalarındaki enerjiler eşittir.

$$E_K = E_L$$

$$mg3r = mgr + \frac{1}{2}mv_L^2 \Rightarrow v_L^2 = 4gr$$

⇒ L noktasındaki tepki kuvveti;

$$N_L = \frac{mv_L^2}{r} = \frac{4m.gr}{r} = 4mg \text{ bulunur.}$$

Mekanik enerji korunacağından K ve M noktalarındaki enerjiler eşittir.

$$E_K = E_M$$

$$mg3r = mg.2r + \frac{1}{2}mv_M^2 \Rightarrow v_M^2 = 2gr$$

⇒ M noktasındaki tepki kuvveti;

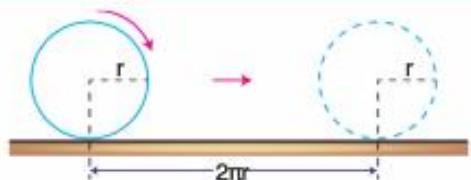
$$N_M = \frac{mv_M^2}{r} - mg = \frac{2m.gr}{r} - mg = 2mg - mg = mg$$

bultur

Tepki kuvvetleri oranı; $\frac{N_L}{N_M} = \frac{4mg}{mg} = 4$ olur.

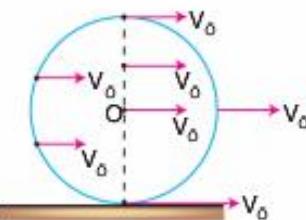
Kaymadan Yuvarlanma Hareketi

Kaymadan yuvarlanan cisimlerin öteleme hızı (v_0) ve dönmeye çizgisel hızı (v_c) olmak üzere iki hızı vardır. Bir noktanın yere göre hızı sorulduğunda bu iki hızın bileşkesi alınır.

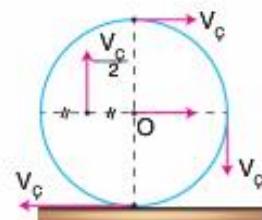


Düşey kesiti şekildeki gibi verilen silindir dönerken ilerlerken, kütle merkezi de yol alır. Bir tam dönüş yaptığında silindirin kütle merkezi $2\pi r$ kadar yol alır.

Buna göre, kütle merkezinin öteleme hızı; T bir tur için gerekken süre (periyot) olmak üzere $v = \frac{2\pi r}{T}$ 'dır.

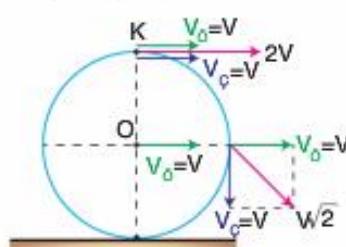


⇒ Kütle merkezinin öteleme hız vektörü daima hareket yönündedir. Tekerlek üzerindeki her noktanın öteleme hızının büyüklüğü V_0 'dır.

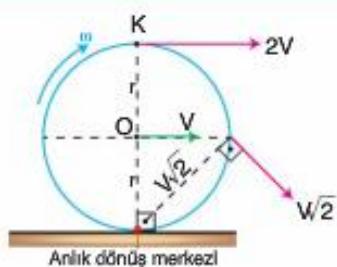


⇒ Dönmeye çizgisel hızın yönü sürekli değişir. Çizgisel hızın büyüklüğü tekerleğin kütle merkezinden uzaklaştıkça artar.

⇒ Kütle merkezinin öteleme hızının büyüklüğü tekerleğin en dış noktasındaki dönmeye çizgisel hızının büyüklüğününe eşittir. (Kaymadan dönmeye şartı)



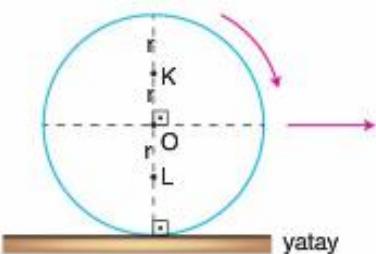
⇒ Bir noktanın yere göre hızı dönmeye ve öteleme hızlarının toplamıdır.



⇒ Bir başka yaklaşım ise anlık dönüş merkezine göre $v = \omega \cdot r$ bağıntısının kullanmaktadır. Şekildeki dönererek ilerleyen silindirin yere temas eden noktası silindirin anlık dönüş merkezidir. Silindir üzerindeki noktaların yere göre çizgisel hızlarının büyüklüğü anlık dönüş merkezine olan uzaklıkla orantılıdır. Şekildeki silindirin kütte merkezinin hızının büyüklüğü v ise; K noktasının hızının büyüklüğü $2v$, L'ninki $v\sqrt{2}$ 'dir.

ÖRNEK:

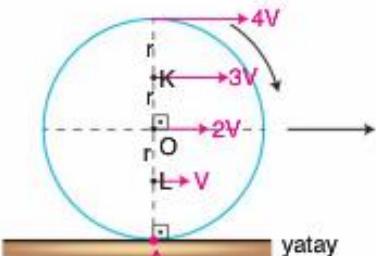
O merkezli, $2r$ yarıçaplı tekerlek kaymadan dönererek ilerlemektedir. Tekerlek üzerindeki K ve L noktalarının şekildeki anda yere göre süratleri V_K ve V_L dir.



Buna göre $\frac{V_K}{V_L}$ oranı kaçtır?

ÇÖZÜM:

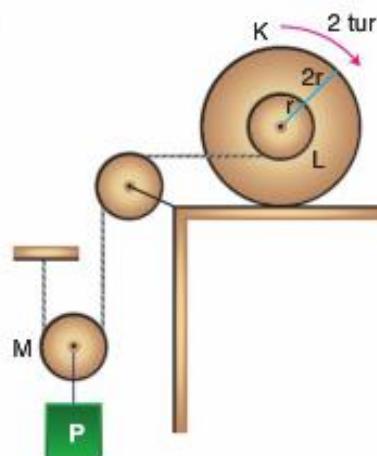
A noktası tekerin anlık dönüş merkezidir. Teker üzerindeki noktaların çizgisel süratleri A noktasına olan uzaklıklar ile orantılıdır. ($v = \omega r$ bağıntısından dolayı)



Buna göre A noktasından r kadar uzaktaki L noktasının süratine v dersek, A noktasından $3r$ uzaktaki K noktasının süratı $3v$ olur. Buradan istenen oran 3 bulunur.

ÖRNEK:

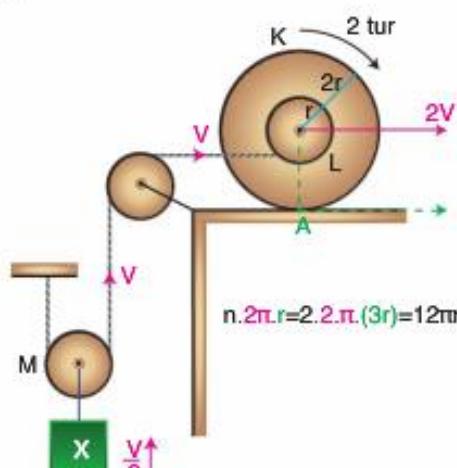
r , $3r$ yarıçaplı eş merkezli merkezleri perçinli K, L kasnakları, M makarası ve P yüküyle şekildeki sistem oluşturulmuştur.



K kasnağı ok yönünde kaymadan 2 tur atarsa P yükünün hareketi için ne söylenebilir?

ÇÖZÜM:

A noktası anlık dönüş merkezidir. A noktasına $2r$ uzaklıktaki kasnakların merkezinin çizgisel hızına $2v$ dersek, A noktasına r kadar uzaktaki ipin çizgisel hızı v olur. M makarası hareketli makara olduğu için makaranın ve X yükünün hızı ise $\frac{V}{2}$ olur.



Kasnaklar dönerken yolda kütte merkezi kadar yol alır.

$2v$ hızıyla $12\pi r$ yol alıyorsa $\frac{V}{2}$ hızıyla $x = ?$ yol alır.

Buradan $x = 3\pi r$ kadar yol alır.

ÖRNEK:

Aşağıda hareket durumu verilen hareketlilere etki eden merkezil kuvvetler sırasıyla F_x , F_y ve F_z 'dir.

- I. Yatay sürünmesiz düzlemden bir ucu sabitlenmiş yeterince dayanıklı, esnemez bir ipin diğer ucuna bağlı X cismi düzgün çembersel hareket yapıyor.
- II. Y aracı, yatay sürünmeli yolda r yarıçaplı virajı kaymadan güvenle dönüyor.
- III. Z uydusu, Dünya etrafındaki r yarıçaplı yörüngede dolanıyor.

Başa bir değişiklik yapmadan X cisminin ve Z uydusunun süratlerinin artırıldığı, Y aracının süratinin azaltıldığı anda F_x , F_y , F_z 'nın değişimi için aşağıdakilerden hangisi doğrudur? (Hareketlilerin ilk ve son süratleri sabittir.)

	F_x	F_y	F_z
A)	Artar	Artar	Artar
B)	Azalır	Azalır	Azalır
C)	Artar	Azalır	Değişmez
D)	Artar	Azalır	Azalır
E)	Artar	Azalır	Artar

ÇÖZÜM:

- I. İpteki gerilme kuvveti, merkezil kuvvete eşittir. Sürat artarsa yarıçap sabit olup $F_M = m \frac{v^2}{r}$ bağıntısına göre merkezil kuvvet artar. Bu aynı zamanda ip geriliyi de artar anlamına gelir.
- II. Yatay yolda viraj dönen araca etki eden sürünenme kuvveti merkezil kuvvete eşittir. Aracın süratini azaltıldığı anda yarıçap değişmemiştir. $F_M = m \frac{v^2}{r}$ bağıntısına göre merkezil kuvvet azalır. Dolayısıyla merkezil kuvveti oluşturan sürünenme kuvveti de azalır.
- III. Uyduya etki eden kütleye çekim kuvvetidir. Bu kuvvet merkezil kuvvete eşittir. Uydunun süratini artırıldığı anda yarıçap aynı olduğu için $F = G \frac{m \cdot M}{r^2}$ bağıntısına göre kütleye çekim kuvveti dolayısıyla merkezil kuvvet değişmemiştir. Hareketin daha sonrasında kütleye çekim kuvveti gereklidir. Hareketin daha sonrasında kütleye çekim kuvveti sağlayamadığı için yarıçap artar, hatta sürat çok artırılırsa Dünya'nın çekim alanından çıkabilir.

CEVAP: C

ÖRNEK:

Aşağıda bazı hareketlerin görselleri verilmiştir.



1. Dönen topacın hareketi



2. Bisiklet süren çocuğun hareketi



3. Labutlara doğru ilerleyen bowling topunun hareketi

Buna göre görsellerdeki hareketlerin türü ile ilgili verilen tablolardan hangisi en uygundur?

	1. Görsel	2. Görsel	3. Görsel
A)	Öteleme	Dönme	Dönerek Öteleme
B)	Dönme	Öteleme	Dönerek Öteleme
C)	Dönme	Öteleme	Öteleme
D)	Dönme	Dönme	Dönme
E)	Dönerek Öteleme	Dönme	Dönerek Öteleme

CEVAP: B

ÖRNEK:

Otoyollar Inşa edilirken, seyahat eden araçların virajları emniyetli bir şekilde dönebilmesi için;

- I. Yol ile araçların tekerlekleri arasındaki sürünenme kuvvetini azaltaacak türden malzemelerin kullanılması
- II. Virajların içe doğru uygun açıyla eğimli olarak inşa edilmesi
- III. Virajların, yarıçapı mümkün olduğu kadar büyük olacak şekilde inşa edilmesi

ylemelerinden hangileri yapılmalıdır?

- Yalnız I
- Yalnız II
- Yalnız III
- I ve II
- II ve III

CÖZÜM:

- Araçların virajları dönmeyi sağlayan kuvvet sürtünme kuvvetidir. Sürtünme azaltılırsa araçların virajı güvenle dönmeye mümkün olmayabilir. **(YANLIŞ)**
- Virajların içe doğru eğimli yapılması aracın çembersel yörengede kalmasını sağlayan tepki kuvvetini oluşturur. **(DOĞRU)**
- Belli bir süratle viraja girilince viraj geniş (yaricapı büyük) alınmaya çalışılır. Yanıçap küçük olursa merkezil kuvvet büyük olur ve sürtünme kuvveti bu merkezil kuvveti sağlayamayabilir. **(DOĞRU)**

CEVAP: E

ÖRNEK:

Düzenli çembersel hareket yapan bir cismin hareketi süresince,

- Çizgisel hızı değişmez.
 - Açısal hızı değişmez.
 - Merkezil ivmesinin büyüklüğü değişmez.
- yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) II ve III
D) I ve II E) I, II ve III

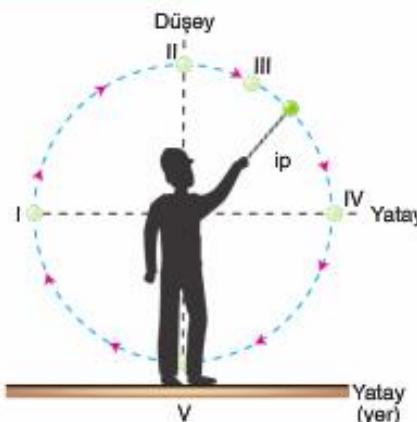
CÖZÜM:

- Düzenli çembersel harekette hız büyüklüğü sabittir ancak hız yönü sürekli değişir. **(YANLIŞ)**
- Açısal hız ω ; $v = \omega r$ bağıntısına göre sabittir. Yönü sağ el kuralına göre çember düzlemini dik ve sabittir. **(DOĞRU)**
- Merkezil ivme; hız büyüklüğü ve yarıçapla bağlıdır ($\frac{v^2}{r}$). Hız büyüklüğü ve yarıçap sabit olduğundan merkezil ivmenin büyüklüğü sabittir ama yönü daima merkeze doğrudur yani değişir. **(DOĞRU)**

CEVAP: C

ÖRNEK:

Saffet, bir ipin ucuna bağlı olduğu taşı düşey düzlemede şekildeki gibi çembersel yörengede döndürürken, bir anda ip koparak taştan ayrılmıyor.



İpin koptuğu anda taşın hız ve ivme vektörleri birbirine dik olduğuna göre, şekildeki noktaların hangilerinde ip kopmuş olabilir?

- A) Yalnız II B) Yalnız V C) I ve III
D) I ve IV E) II ve V

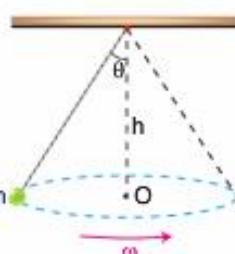
CÖZÜM:

Taşın ivmesi ip kopuktan sonraki süreçte her an yerçekimi ivmesidir ve düşey aşağı yöndedir. Hız vektörü ivme vektörüne dik olduğuna göre cisim hızı yatay olmalı. II ve V noktalarında hız vektörleri yatay doğrultudadır.

CEVAP: E

ÖRNEK:

m kütleli bir cisim tavana bağlı iple yatay düzlemede sabit ω açısal hızıyla, tavandan düşey h kadar uzaktaki O merkezli çembersel hareket yaptırılıyor.



Buna göre cisimin açısal hızının büyüklüğünü veren ifade aşağıdakilerden hangisidir? (g: çekim ivmesi)

- A) $\frac{g}{h}$ B) $\sqrt{\frac{g}{h}}$ C) $\frac{g}{\sqrt{h}}$ D) $\frac{g^2}{h}$ E) $\sqrt{\frac{h}{g}}$

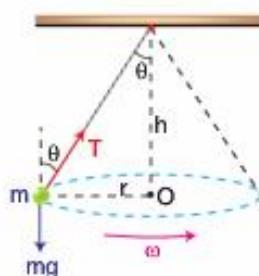
CÖZÜM:

$$\text{Yatayda } T \sin \theta = m \omega^2 r$$

$$\text{Düşeyde } T \cos \theta = mg$$

Eşitlikleri taraf tarafa

bölersek;



$$\frac{T \sin \theta}{T \cos \theta} = \frac{m \omega^2 r}{mg} \Rightarrow \tan \theta = \frac{\omega^2 r}{g}$$

şekilde $\tan \theta = \frac{r}{h}$ olduğundan $\frac{r}{h} = \frac{\omega^2 r}{g} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{h}}$ bulunur.

CEVAP: B

- 1.** Dakikada 1200 devir yapan çamaşır makinesi kaç zanının frekansı kaç s^{-1} dir?

A) 6 B) 8 C) 12 D) 20 E) 24

- 2.** Bir motosikletli 50 m'lik bir virajı 10 m/s sabit hızla döndürüyor.

Buna göre motosikletinin merkezçil ivmesi kaç m/s^2 dir?

A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

- 3.** Düzgün çemberSEL hareket yapan bir cisim yarıçapı 4 m olan çemberSEL yörÜngede saniyede $\frac{1}{3}$ tur atmaktadır.

Buna göre, cismin merkezçil ivmesi kaç m/s^2 dir? ($\pi=3$ alınınız.)

A) 4 B) 6 C) 12 D) 16 E) 32

- 4.** Düzgün çemberSEL hareket yapan bir cismin;

- I. Açısal hızı
- II. Çizgisel hızı
- III. Açısal ve çizgisel hızı arasındaki açı niceliklerinden hangileri sabittir?

A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve III E) I, II ve III

- 5.** Düzgün çemberSEL hareket yapan cisimler için;

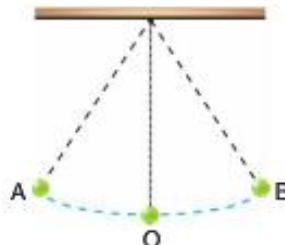
- I. Çizgisel hız ve açısal hız aynı yönlüdür.
- II. Merkezçil ivme vektörü yarıçap vektörüne dikdir.
- III. Merkezçil ivme büyüklüğü sabittir.

yargılardan hangileri doğrudur?

A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III.

- 6.** Esnek olmayan yeterince sağlam bir iple sıkıca bağlanarak tavana asılan bilye şekildeki gibi direnç kuvvetlerinin ihmali edildiği ortamda A ve B noktaları arasında salınım hareketi yapmaktadır.

Bilyenin A noktasından geçiktiden sonra ilk kez yörünge nin en alt noktası olan O noktasından geçisi sırasında bilyeye etkiyen net kuvvetin F_{net} , bilyenin merkezçil ivmesinin a ve çizgisel hızının v olduğu biliniyor.



Buna göre F_{net} , a ve v 'nın yönü aşağıdakilerden hangisinde doğru gösterilmiştir?

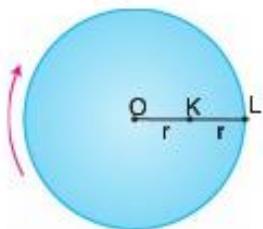
- A)
B)
C)
D)
E)

- 7.** 1m uzunluğundaki ipin ucuna bağlanan 2kg kütleli cisim düşey düzlemde çemberSEL hareket yapmaktadır.

Cisim yörünğenin en alt konumunda lken hızının büyüklüğü 5 m/s olduğuna göre bu konumda İpte ki gerilme kaç newton'dur? ($g=10 \text{ N/kg}$)

A) 25 B) 40 C) 50 D) 60 E) 100

8. O merkezi etrafında ok yönünde sabit süratle dönen $2r$ yarıçaplı diskin üzerindeki K ve L noktalarının çizgisel süratleri sırasıyla $\dot{\theta}_K$ ve $\dot{\theta}_L$; açısal süratleri sırasıyla ω_K ve ω_L 'dır.



Buna göre;

- $\omega_K = \omega_L$ 'dır.
- $\dot{\theta}_K = \dot{\theta}_L$ 'dır.
- $\dot{\theta}_K < \dot{\theta}_L$ 'dır.

yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) I ve III C) I ve II
D) Yalnız II E) II ve III

9. r yarıçaplı çemberSEL yörüngede sabit süratle dolanan bir cismin çizgisel süratı 12 m/s , açısal süratı 4 rad/s dir.

Buna göre cismin merkezci ivmesinin büyüklüğü kaç m/s^2 'dir?

- A) 3 B) 12 C) 24 D) 36 E) 48

10. Bir ipi bağlı P ağırlıklı cisim düşey düzlemden çemberSEL hareket yapıyor.

Cism yörügenin en alt noktasında iken yerdeki gözlemciye göre cisim etki eden kuvvetler aşağıdakilerden hangisinde doğru gösterilmiş olabilir?

(Kuvvet vektörlerinin uzunlukları, kuvvet büyülüğu ile orantılı çizilmiştir. T: ipteği gerilme)

- A)
B)
C)
D)
E)

11. Yarıçapları farklı yörüngelerde eşit periyotlarla düzgün çemberSEL hareket yapan X ve Y cisimleri- nın;

I. Çizgisel hız büyüklükleri

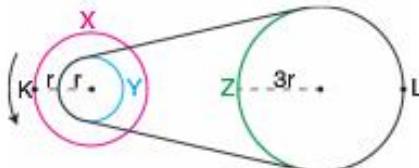
II. Açısal hız büyüklükleri

III. Merkezci ivmeleri

niceliklerinden hangileri kesinlikle farklıdır?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

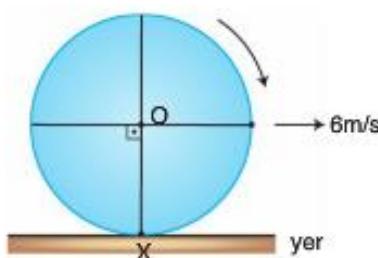
12. Şekildeki düzenekte yarıçapları sırasıyla $2r$, r ve $3r$ olan X, Y ve Z kasnaklarından X kasnağı ile Y kasnağı eş merkezlidir.



X kasnağı ok yönünde sabit süratle döndürülürken K ve L noktalarının çizgisel hızlarının büyüklükleri oranı kaç olur?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) $\frac{2}{3}$

13. Şekildeki tekerlek 6m/s hızla dönerek ilerliyor.



Buna göre X noktası şekildeki konumda iken yere göre hızının büyüklüğü kaç m/s 'dir?

- A) 0 B) 6 C) $6\sqrt{2}$ D) 2 E) $3\sqrt{2}$

- 14.** Düzgün çembersel hareket yapmakta olan bir cismin periyodu T dir. Bu cismin $\frac{1}{3}$ ve $\frac{1}{4}$ sürelerdeki hız değişimi büyülüklüğü sırasıyla v_1 ve v_2 dir.

Buna göre $\frac{v_1}{v_2}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ E) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$

- 15.** Bir ucu etrafında sabit açısal hızla döndürülen bir çubuğun uç noktasıındaki bir karıncaının ivmesinin büyüklüğünün, çubuğun orta noktasındaki başka bir karıncaının ivmesinin büyüklüğünne oranı kaçtır? (Karıncalar çubuğa göre durgundur.)

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4

- 17.** Traktörlerin ön tekerleri arka tekerlerinden daha küçüktür.



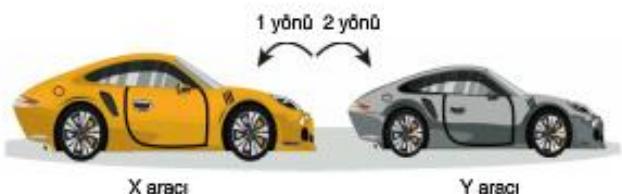
Buna göre sabit hızla giden bir traktör için;

- Ön tekerin çizgisel hızının büyülüklüğü arka tekerine eşittir.
- Ön tekerin açısal hızının büyülüklüğü arka tekerine eşittir.
- Ön ve arka tekerlerin lastiğinin dış kısmından kopan çamur parçalarının koptuğu andaki çizgisel süratleri eşittir.

yargılardan hangileri kesinlikle doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

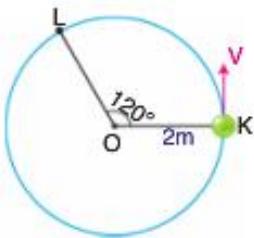
- 18.** Aynı yolda arka arkaya ilerleyen X ve Y araçları birbirine fazlaca yaklaştıkları anda X aracının şoförü hafifçe frenе basarak aracı yavaşlatmaktadır, Y aracının şoförü ise gaza basarak aracı hızlandırmaktadır.



Buna göre araçların tekerlerinin yukarıda anlatılan andaki dönüş yönü aşağıdakilerden hangısında doğru verilmiştir?

	A aracı	Y aracı
A)	1	1
B)	1	2
C)	2	2
D)	2	1
E)	Durgun	Durgun

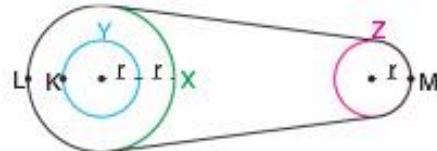
- 1.** Bir cisim O merkezli, 2m yarıçaplı çembersel yörüngede V sabit süratle hareket etmektedir. Cisim K noktasından geçtikten 2 saniye sonra L noktasından ilk kez geçiyor.



Buna göre;

- Cismin periyodu 6 sn'dır.
 - Cismin açısal hızının büyüklüğü 2 m/s'dır.
 - Cismin açısal hızının büyüklüğü 1 m/s'dır.
- yargılardan hangileri doğrudur? ($\pi=3$ alınır.)
- Yalnız I
 - Yalnız II
 - I ve II
 - II ve III
 - I, II ve III

- 4.** Yarıçapları verilen eş merkezli X, Y kasnakları ve Z kasnağı ile kurulmuş şekildeki düzenekte Z kasnağının döndürülmesi ile kasnaklar sabit açısal hızlarla dönmektedir.



Buna göre;

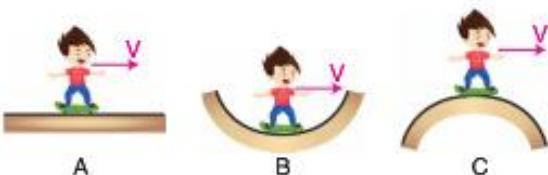
- K noktasının çizgisel hızının büyüklüğü M noktasının çizgisel hızının büyüklüğünün yarısıdır.
 - K noktasının açısal hızının büyüklüğü M noktasının açısal hızının büyüklüğünün yarısıdır.
 - L ve M noktalarının açısal hızları eşittir.
- yargılardan hangileri doğrudur?
- Yalnız I
 - I ve II
 - I ve III
 - II ve III
 - I, II ve III

- 2.** r yarıçaplı çembersel yörüngede sabit süratle dolanan bir cismin çizgisel süratı v m/s, açısal süratı ω rad/s'dır.

Buna göre, bu cismin merkezelli ivmesinin büyüklüğü v ve ω cinsinden nedir?

- $\frac{v}{\omega}$
- $v \cdot \omega$
- $\frac{v^2}{\omega}$
- $\frac{\omega^2}{v}$
- $v^2 \cdot \omega$

- 3.** Aynı büyüklükte hızlarla şekilde gösterilen yolların A, B, C noktalarından geçen eşit kütleyi kaykaycılara yerin tepkisi sırasıyla N_A , N_B , N_C 'dır.



Buna göre N_A , N_B , N_C arasındaki ilişki nedir?

- $N_A = N_B = N_C$
- $N_B < N_A < N_C$
- $N_C < N_A < N_B$
- $N_A < N_B = N_C$
- $N_C = N_B < N_A$

- 5.** O noktası etrafında serbestçe dönen bir eşit bölgeli kütlesi önemsiz çubuk üzerine yapıştırılan 3m ve 4m kütleyi K ve L cisimleri yatay konumda tutulmaktadır.



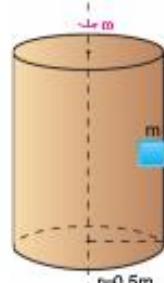
Buna göre çubuk serbest bırakıldıkten sonra düşey konumdan geçen K ve L cisimlerinin kinetik enerjileri $\frac{E_K}{E_L}$ oranı kaçtır?

- $\frac{4}{3}$
- $\frac{3}{4}$
- $\frac{1}{3}$
- 1
- 3

- 6.** Yarıçapı 4 m olan çembersel yörüngede sabit sürtünme系数 ile dönen dönme dolabın açısal süratı 3 rad/s olduğuna göre;

- Dönme dolabın periyodu 2 saniyedir.
 - Dönme dolabın çizgisel hızının büyüklüğü 12 m/s 'dir.
 - Dönme dolabın merkezcil ivmesi 36 m/s^2 'dir.
- yargılardan hangileri doğrudur?** ($\pi=3$ alınır.)
- Yalnız I
 - I ve II
 - I ve III
 - II ve III
 - I, II ve III

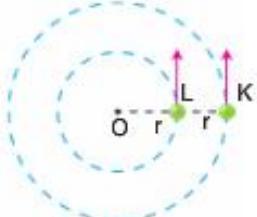
- 8.** 0,5 m yarıçaplı içi boş silindir, merkezinden geçen düşey eksen etrafında sabit ω açısal süratıyla döndürülürken iç yüzeyindeki m kütleli cisim silindire göre kaymadan durabilmektedir.



Cisimle silindir arasındaki sürtünme katsayısı 0,2 olduğuna göre ω en az kaç rad/s dır? ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- 12
- 10
- 8
- 5
- 1

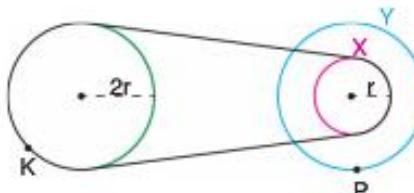
- 7.** Periyotları sırasıyla 3s ve 6s olan K, L cisimleri $t=0$ anında şekildeki konumlardan gösterilen yönlerde iletiyor.



K ve L cisimlerinin sabit süratlerle izledikleri çembersel yöringe yarıçapları sırasıyla r ve $2r$ olduğuna göre $t=2020$ s anında cisimlerin yarıçap vektörler arasındaki açı kaç derecedir?

- 0°
- 30°
- 120°
- 135°
- 180°

- 9.** Şekildeki düzenekte X ve Y eksenleri çakışacak biçimde perçinlenmiştir.



Düzenek çalışırken K noktasının a_K ve P noktasının a_P merkezcil ivmelerin büyüklükleri oranı $\frac{a_K}{a_P}$ nedir?

- $\frac{1}{16}$
- $\frac{1}{8}$
- $\frac{1}{4}$
- $\frac{1}{2}$
- 1

- 10.** Bir otomobil sürtünmelerin önemsenmediği 30 metre yarıçaplı, 37° eğimli bir virajı dönecektir.

Otomobilin virajı savrulmadan dönebilmesi için çizgisel süratı kaç m/s olmalıdır?

- 3
- 5
- 10
- 15
- 20

- 11.** Düzgün çembersel hareket yapan bir cismin periyodu T saniyedir. Belirli bir anda cismin;

$\vec{\omega}$: Açısal hız

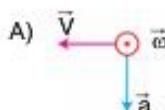
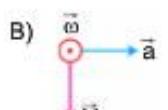
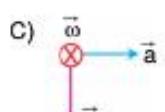
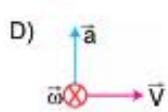
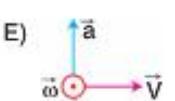
\vec{V} : Çizgisel hız

\vec{a} : Merkezçil ivme

vektörleri şekildeki gibidir.

Buna göre şekildeki andan $\frac{T}{2}$ saniye sonra cismin açısal hız, çizgisel hız, merkezçil ivme vektörleri aşağıdakilerden hangisi gibi olur?

(\odot sayfa düzlemden dışa doğru, \otimes sayfa düzlemden içeri doğru)

- A)  B) 
- C)  D) 
- E) 

- 12.** Yatay sürtünmesiz düzlemede r yarıçaplı yörüngede düzgün çembersel hareket yapan bir cismin aynı yörüngede kalacak şekilde periyodu azaltılıyor.

Buna göre cisimde altı

I. Açısal hız

II. Kinetik enerji

III. Merkezçil ivme

niceliklerinden hangileri artar?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

- 13.** Düzgün bir manyetik alana dik olarak giren bir elektron düzgün çembersel hareket yapar.

Buna göre ;

- I. Elektronuna etki eden manyetik kuvvet elektronun çembersel hareket yapmasını sağlayan merkezçil kuvveti oluşturur.
II. Elektronun ilk hızı elektronun çizdiği çembersel yörüngesinin yarıçapını etkiler.
III. Aynı manyetik alana elektron yerine, aynı momen-tuma sahip bir proton girseydi çembersel yörünenin yarıçapı daha küçük olurdu.

yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

- 14.** Sabit süratle çembersel bir virajı dönen araca dö-nüş boyunca etki eden;

- I. sürtünme kuvvetinin büyüklüğü
II. sürtünme kuvvetinin yönü,
III. merkezçil kuvvet,

niceliklerinden hangileri sabittir?

- A) Yalnız I B) I ve II C) I ve III
D) II ve III E) I, II ve III

- 15.** Ecem ve Buse bir tahterevallide sallanacaklardır. Ecem ve Buse tahterevalliye birbirini dengeleyecek şekilde yerleşiyorlar ve sallanmaya başlıyorlar.

Ecem'in kütlesi Buse'ninkinden büyük olduğuna göre salınma esnasında Ecem'in;

- I. çizgisel süratı,
II. açısal süratı,
III. kinetik enerjisi,

niceliklerinden Buse'ninkinden daha kü-cütür?

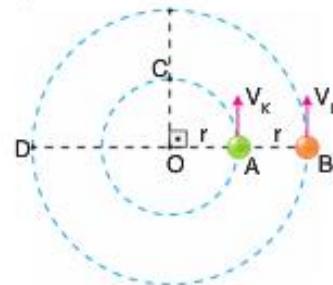
- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve III E) I, II ve III



1. Düzgün çembersel hareket yapan bir hareketinin sabit kalan ve değişen birer niceligi aşağıdakilerden hangisinde doğru verilmiştir?

Sabit kalan nicelik	Değişen nicelik
A) İvme	Net kuvvet
B) Hız	İvme
C) Net kuvvet	Hız
D) Hız	Net kuvvet
E) Sürat	İvme

3. K ve L cisimleri şekildeki gibi O merkezli farklı yörünge lerde sabit büyülüükteki çizgisel hızları ile çembersel hareket yapmaktadır.



K cisminin A'dan C'ye gelme süresi L cisminin B'den D'ye gelme süresine eşit olduğuna göre cisimlerin çizgisel hızları büyülüükleri oranı $\frac{v_K}{v_L}$ ve açısal hızları büyülüükleri oranı $\frac{\omega_K}{\omega_L}$ kaçtır?

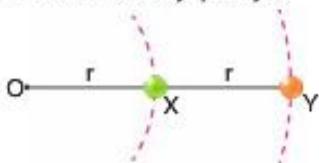
Çizgisel hızları açısal hızları
orani orani

- | | | |
|----|-----|-----|
| A) | 1/4 | 1/2 |
| B) | 1/4 | 1/4 |
| C) | 1/2 | 1/4 |
| D) | 1/2 | 1/2 |
| E) | 1 | 1 |

F
A
Y



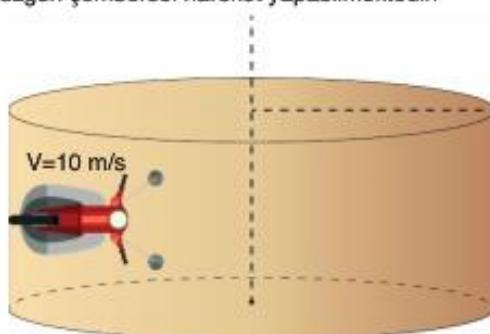
2. Uzunluğu $2r$ olan bir ipin ortasına X cismi ucuna Y cismi bağlanıp cisimlere yatay sürtünmesiz düzlemden düzgün çembersel hareket yaptırıyor.



Cisimlerin kinetik enerjileri eşit olduğuna göre küteleri oranı $\frac{m_X}{m_Y}$ kaçtır?

- A) 4 B) 2 C) 1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

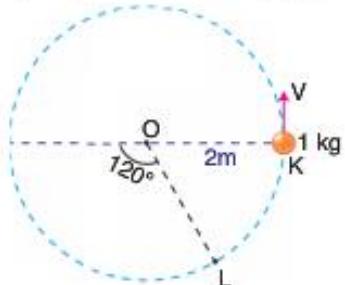
4. Bir motosikletinin göstergi yaptığı silindirin yarıçapı 5m olup 10 m/s 'lik çizgisel hızla silindir içinde kaymadan düzgün çembersel hareket yapabilmektedir.



Buna göre, tekerlek ile yüzey arasındaki sürtünme katsayısının minimum değeri kaçtır? ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- A) 0,1 B) 0,2 C) 0,5 D) 0,6 E) 0,8

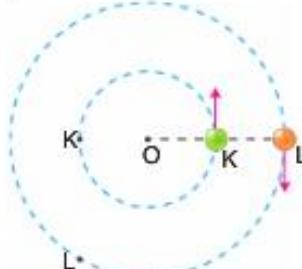
5. Bir ucu O noktasına bağlanan 2m uzunluğundaki ipin ucuna bağlı 1 kg küteli cisim yatay sürtünmesiz düzlemde düzgün çembersel hareket yapıyor.



İpteki gerilme kuvveti 2N olduğuna göre cisim şekildeki K noktasını geçtikten kaç s sonra ilk kez L noktasından geçer? ($\pi=3$ alınır.)

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

7. Aynı düzlemede O noktası etrafında sırası ile 4s ve 3s periyotlarla düzgün çembersel hareket yapan K ve L cisimleri ok yönlerinde dönmektedir.



Buna göre cisimlerin şekildeki konumdan geçtikten 26s sonraki konumları aşağıdakilerden hangisi gibi olabilir?

- A) B) C) D) E)

6. r yarıçaplı yörüngede V çizgisel hızı ile düzgün çembersel hareket yapmakta olan m küteli cismin hızının büyüklüğü değiştirilmeden kütlesi artırılırsa cismin;

- I. Periyodu
II. Merkezcil ivmesi
III. Merkezcil kuvveti

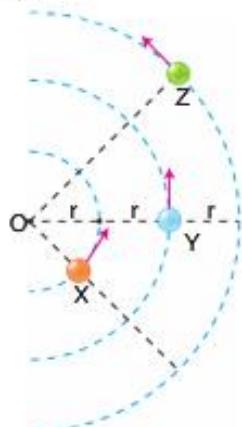
niceliklerinden hangileri artar?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) Yalnız III
D) I ve II E) I ve III

8. Tekerleklerle yol arasında sürtünme kat sayısı 0,2 olan bir araba 400 m yarıçaplı yatay bir viraja 15 m/s hızla girerse ne olur? ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- A) Dışa savrulur.
B) İçe devrilir.
C) Güvenli biçimde virajı alır.
D) Viraja girdiği noktadaki teğet doğrultusunda gider.
E) Viraj yayının orta noktasındaki teğet doğrultusundan geçer.

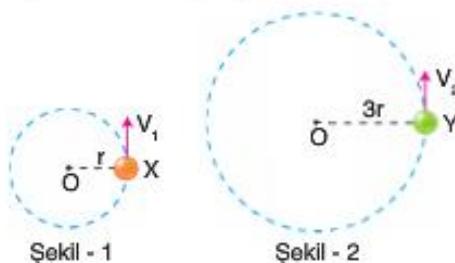
- 9.** O merkezli dairesel pist etrafında düzgün çemberSEL hareket yapan X, Y ve Z araçlarının frekansları sırasıyla $3f$, $2f$ ve f dir.



Buna göre araçların çizgisel hızları büyülükleri V_x , V_y , V_z arasındaki ilişki nedir?

- A) $V_x < V_y < V_z$ B) $V_z < V_y < V_x$
 C) $V_x < V_z < V_y$ D) $V_x = V_z < V_y$
 E) $V_y < V_x = V_z$

- 11.** m küteli X ve Y cisimleri r ve $3r$ yarıçaplı çemberSEL yörüngelerde $3T$ ve T periyotlarla dönmektedir.



Buna göre cisimlere etki eden merkezli kuvvetlerin büyüklükleri oranı $\frac{F_x}{F_y}$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{81}$ B) $\frac{1}{27}$ C) $\frac{1}{9}$ D) $\frac{1}{3}$ E) 1

F
A
Y

- 10.** Düzgün çalışan mekanik bir saat ile ilgili;

- I. Akrep ve yelkovanın açısal hızları her an aynı yönlüdür.
 II. Akrep ve yelkovanın çizgisel hızları her an aynı yönlüdür.
 III. Akrebin periyodu yelkovanın periyodundan büyüktür.

yargılardan hangileri doğrudur?

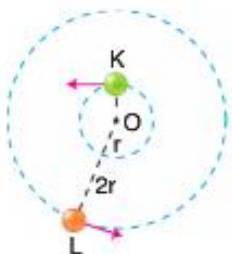
- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve III
 D) I ve II E) I, II ve III

- 12.** Uzaktan kontrollü bir oyuncak arabası, kumandasındaki arıza nedeniyle direksiyonu sağ yapmışken kilitleniyor. Araba 5 metrelük bir çemberSEL yörüngede 6 saniyede bir turunu tamamlayarak hareketine devam ediyor.

Arabanın kütlesi 200 gram olduğuna göre hareketi süresince arabaya etki eden net kuvvet kaç newtondur? ($\pi=3$ alınınız.)

- A) $\frac{1}{2}$ B) 1 C) $\frac{3}{2}$ D) 2 E) 5

- 1.** Kütleleri sırasıyla $2m$ ve m olan K , L cisimleri O merkezli dairesel pist etrafında düzgün çemberSEL hareket yaparken çizgisel momentumları eşit büyüklüktedir.



Buna göre, K ve L cisimlerine etki eden merkezci kuvvetlerin büyüklükleri orani $\frac{F_K}{F_L}$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) 1 D) 2 E) 4

- 3.** Küçük K , L cisimleri kütleşi önemsenmeye eşit bölmeli ve esnek olmayan ince bir çubukun uçlarına şekildeki gibi bağlanmıştır. Bu düzenek O noktasından geçen düşey eksen çevresinde yatay düzlemede serbestçe dönüyor.



K 'nın kütlesi $3m$, L 'nın m olduğuna göre herhangi bir anda;

- K ve L 'nin açısal hızları birbirine eşittir.
- K ve L 'nin çizgisel hızları birbirine eşittir.
- K ve L 'ye etki eden merkezci kuvvetlerin büyüklükleri birbirine eşittir.

yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) I ve III E) II ve III

F
A
Y

- 2.** Aşağıda verilen çemberSEL yörüngeDEKİ hareketlerden;

- Bir gezegen etrafında çemberSEL yörüngeDEKİ dolanan bir uyduya yörüngeNİN tüm noktalarında,
- Düşey sürüTünmesiz raya yeterince yüksekten serbest bırakılan bir arabanın rayın çemberSEL böLümünde,
- Yatay sürüTünmeLİ çemberSEL bir virajı sabit süratle dönen arabaya viraj boyunca,

etki eden merkezci kuvvetlerden hangilerinin büYÜKLÜĞÜ sabittir?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I ve III

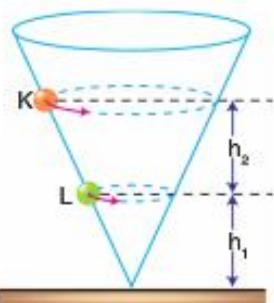
- 4.** K ve L cisimleri sırasıyla r ve $2r$ yarıçaplı yörüngeLERde düzgün çemberSEL hareket yaparken kinetik enerjileri eşittir.

Buna göre, K ve L cisimlerine etki eden merkezci kuvvetlerin büyüklükleri orani $\frac{F_K}{F_L}$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) 1 D) 2 E) 4



5. K ve L cisimleri şekildeki koni içerisinde sırasıyla V , $2V$ hızlarıyla yatay düzlemede düzgün çembersel hareket yapıyorlar.

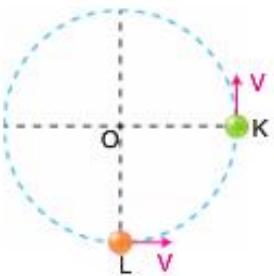


Cisimlerin koni arasındaki sürtünme önemsiz olduğuna göre $\frac{h_1}{h_2}$ oranı kaçtır?

- A) $\frac{1}{4}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) 1 E) 2



6. Bir cisim 8 m yarıçaplı çembersel yörüngede düzgün çembersel hareket yapmaktadır. Cisim K noktasından geçtikten 14 saniye sonra ikinci kez L noktasından geçiyor.

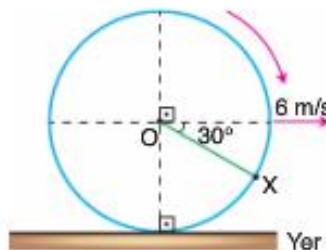


Cismin kütlesi 2 kg olduğuna göre cisim etki eden merkezil kuvvet kaç N olur? ($\pi = 3$ alınır.)

- A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 14



7. Şekildeki tekerlek 6 m/s büyülüğündeki hızla kayma-dan dönerken ilerlemektedir.



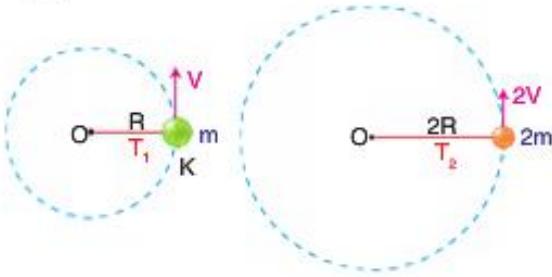
Buna göre şekilde gösterilen anda X noktasının yere göre hız büyüklüğü kaç m/s dir?

- A) 0 B) 6 C) $6\sqrt{2}$
D) 2 E) $3\sqrt{2}$

F
A
Y



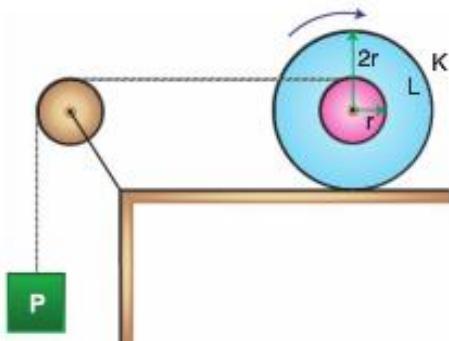
8. Kütleleri sırasıyla m , $2m$ olan K, L cisimleri R , $2R$ boyundaki iplerin ucuna bağlanıp yatay düzlemede şekildeki gibi V, $2V$ hızları ile düzgün çembersel hareket yapmaktadır.



Buna göre iplerde oluşan gerilme kuvvetleri oranı $\frac{T_1}{T_2}$ kaçtır?

- A) 4 B) 2 C) 1 D) $\frac{1}{2}$ E) $\frac{1}{4}$

9. Şekildeki düzenekte $2r$ yarıçaplı K kasnağı ile r yarıçaplı L kasnağı birbirine perçinlenmiştir.



Buna göre, perçinli K, L kasnakları ok yönünde kaymadan dönerken yatayda h yolunu aldığımda P cisimli düşeyde kaç h yol alır?

- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{3}{2}$ C) 1 D) 2 E) 4

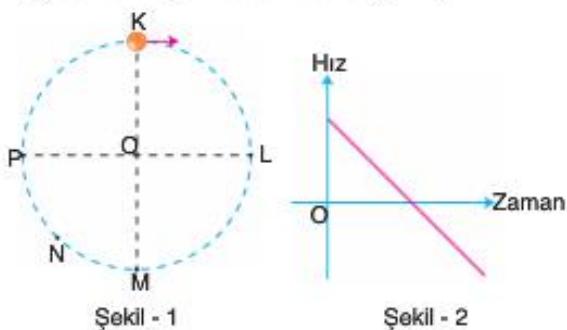
11. Çembersel bir pistte yarıçapları sırasıyla r ve $2r$ olan kulvarlardaki X ve Y araçlarının hızlarının böyüğü araçların pistte tutacak maksimum değerde ve sabittir. X ve Y araçları ile yol arasındaki sürtünme katsayıları sırasıyla k ve $2k$; araçların periyotları ise T_1 ve T_2 'dir.

Buna göre bu araçların periyotları oranı $\frac{T_1}{T_2}$ kaçtır?

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{4}$ C) 1 D) 2 E) 4

F
A
Y

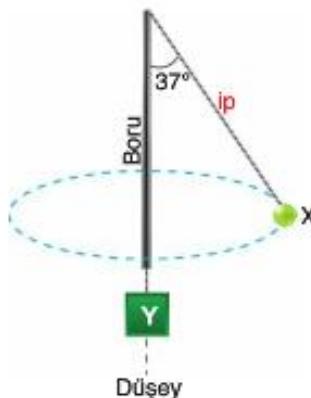
10. Bir ipin ucuna bağlanmış cisim Şekil-1'deki gibi düzlemede çembersel hareket yaptırılıyor.



Buna göre cisim hangi noktadan geçerken ip koparsa cismin bu andan itibaren yaptığı hareketin hız-zaman grafiği şekildeki gibi olur?

- A) K B) L C) M D) N E) P

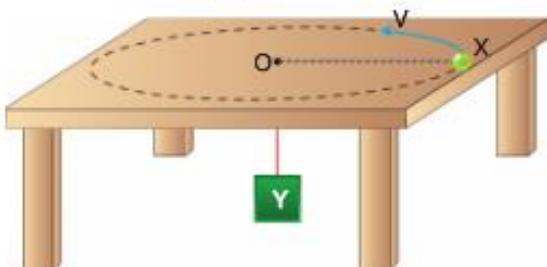
12. Sürtünmesi önemsiz bir borudan geçirilmiş ipin uçlarına bağlanmış X ve Y cisimlerinden X cisimine şekildeki gibi düzgün çembersel hareket yaptırılırken, Y dengeye kalıyor.



Y cisminin ağırlığı 15N olduğuna göre X cismine etki eden net kuvvet kaç N olur?

- A) 6 B) 9 C) 12 D) 15 E) 18

- 1.** Sürünmesiz yatay masada açılan bir delikten geçirilen ipin uçlarına X ve Y cisimleri bağlanmıştır. X cismine düzgün çemberSEL hareket yaptırmakla Y cisminin konumu değişmiyor.



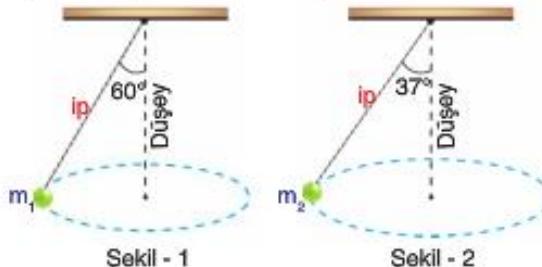
Buna göre;

- İpteki gerilme Y cisminin ağırlığına eşit büyüklüktedir.
- X cismine etki eden net kuvvet ipteki gerilime eşittir.
- Y cismine etki eden net kuvvet X cismine etki eden merkezil kuvvete eşit büyüklüktedir.

yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
D) II ve III E) I, II ve III

- 3.** m_1 ve m_2 kütelerine, boyları L_1 ve L_2 olan iplere bağlı iken eşit periyotlarla yatay düzlemede düzgün çemberSEL hareket yaptırdığında iplerin düşeyle yaptığı açılar sırasıyla 30° ve 37° oluyor.



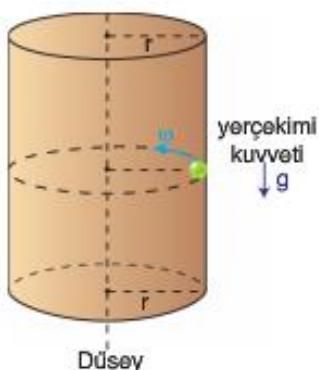
Şekil - 1

Şekil - 2

Buna göre iplerin boyaları oranı $\frac{L_1}{L_2}$ kaçtır?
($\cos 60^\circ = 0,5$; $\cos 37^\circ = 0,8$)

- A) $\frac{5}{8}$ B) $\frac{3}{4}$ C) 1 D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{6}{5}$

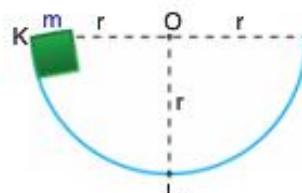
- 2.** m küteli bir cisim, r yarıçaplı düşey silindirin iç yüzeyinde silindire göre kaymadan sabit ω açısal hızı ile şekilde gösterildiği gibi düşey eksen etrafında dönmektedir.



Buna göre cisimle yüzey arasındaki sürtünme kat sayısını veren ifade aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\frac{gr}{\omega}$ B) $\frac{gr}{2}$ C) $\frac{\omega^2 r}{g}$
D) $\frac{\omega^2}{gr}$ E) $\frac{g}{\omega^2 r}$

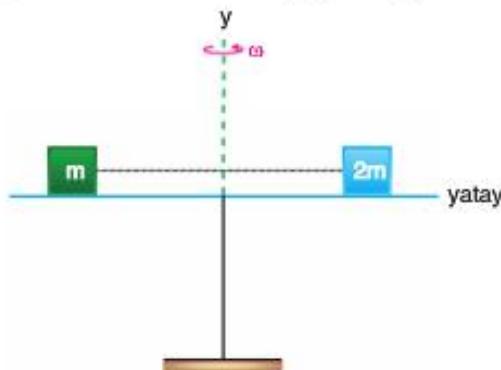
- 4.** Şekildeki O merkezli, r yarıçaplı sürünenmesiz çemberSEL rayın K noktasındaki boyutları küçük m küteli cisim serbest bırakılıyor.



Buna göre cisim L noktasından geçerken rayın cisim uyguladığı tepki kuvveti ağırlığının kaç katıdır?

- A) 1 B) $\frac{3}{2}$ C) 2 D) $\frac{5}{2}$ E) 3

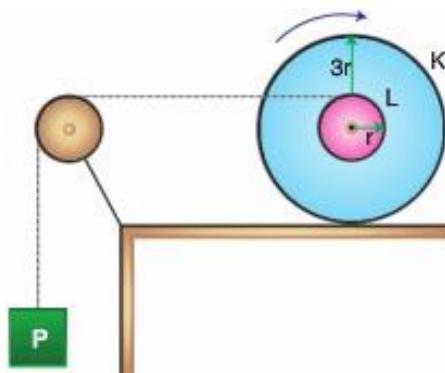
5. Şekildeki sürünenmesiz yatay tabla üzerinde birbirine bağlı m , $2m$ küteli cisimler, tabla Y eksenine etrafında ω açısal hızı ile dönerken tablaya göre durgun haldedir.



İpin uzunluğu L olduğuna göre m küteli cismin dönmeye eksenine uzaklığı kaç L 'dir?

- A) $\frac{L}{3}$ B) $\frac{2L}{3}$ C) $\frac{L}{4}$ D) $\frac{3L}{4}$ E) $\frac{L}{2}$

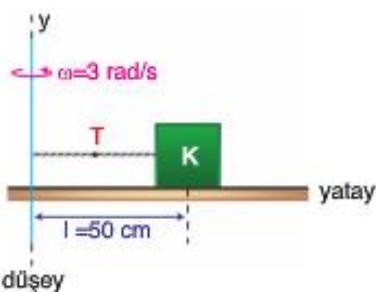
7. Şekildeki düzenekte $3r$ yarıçaplı K kasnağı ile r yarıçaplı L kasnağı birbirine perçinlenmiştir.



Buna göre, perçinli K, L kasnakları ok yönünde kaymadan dönerken yatayda h yolunu aldığında P cisimi düşeyde h yol alır?

- A) $\frac{4}{3}$ B) $\frac{3}{4}$ C) $\frac{3}{2}$ D) $\frac{2}{3}$ E) 1

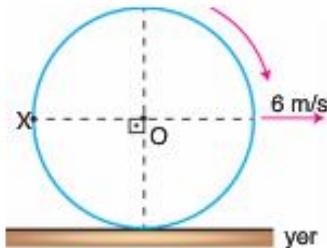
6. Kütlesi 2 kg olan boyutları küçük bir K cismi 50 cm boyundaki iple düşey çubuğa bağlanmıştır. Cisim yatay sürünenmesiz tabla ile birlikte $\omega = 3\text{ rad/s}$ açısal hızla döndürülüyor.



Buna göre ipde oluşan gerilme T , kaç N olur?

- A) 1 B) 3 C) 6 D) 9 E) 18

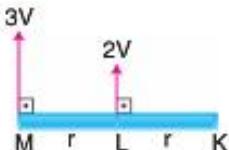
8. Şekildeki tekerlek 6 m/s hızla dönerken ilerliyor.



Buna göre X noktası şekildeki konumdan geçen yere hızının büyüklüğü kaç m/s 'dir?

- A) 6 B) $6\sqrt{2}$ C) 12 D) $8\sqrt{2}$ E) 20

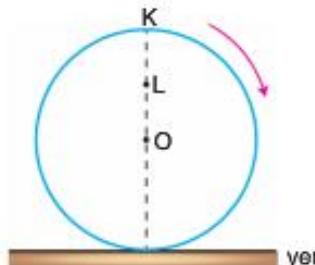
- 9.** Yatay sürtünmesiz bir masada dönenme hareketi yapan $2r$ uzunluğundaki bir çubuğun M ve L noktalarının anlık hız vektörleri, şekildeki gibi çubuğa dik ve büyülükleri sırasıyla $2V$ ve $3V$ 'dır.



Buna göre çubuğun şekildeki anda dönme merkezinin, K noktasına uzaklığı kaç r 'dır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

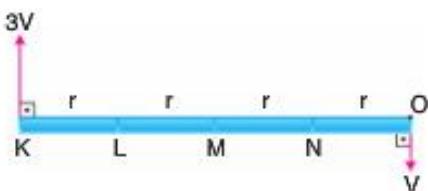
- 11.** t saniyede bir tam turunu tamamlayıp, kaymadan dönerken öteleme hareketi yapan O merkezli teker üzerindeki L noktasının yere göre anlık hızının büyüklüğü şekildeki konumdayken V_1 , şekildeki konumdan $\frac{t}{4}$ saniye sonra V_2 , $\frac{3t}{4}$ saniye sonra V_3 'tür.



Buna göre V_1 , V_2 , V_3 arasındaki ilişki nedir?

- A) $V_1 = V_2 = V_3$ B) $V_1 > V_2 > V_3$
C) $V_1 > V_2 = V_3$ D) $V_3 > V_2 > V_1$
E) $V_2 > V_1 = V_3$

- 10.** Yatay sürtünmesiz bir masada dönenme hareketi yapan $4r$ uzunluğundaki bir çubuğun K ve O noktalarının anlık hız vektörleri, şekildeki gibi çubuğa dik ve büyülükleri sırasıyla $3V$ ve V 'dır.



Buna göre çubuğun şekildeki anda dönme merkezinin, O noktasına uzaklığı kaç r 'dır?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 3 E) 4

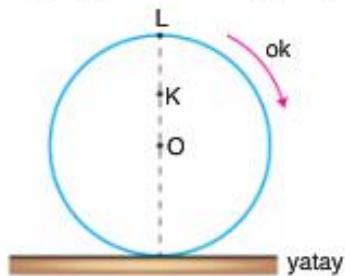
- 12.** Yatay bir otoyolda eşit aralıklı bitişik şeritlerde sabit ve eşit süratlerle dönen K, L, M araçlarının küteleri eşittir. Araçlara etki eden merkezil kuvvetlerin büyülükleri sırasıyla F_K , F_L ve F_M 'dır.



$\frac{F_L}{F_K} = \frac{4}{3}$ olduğuna göre $\frac{F_M}{F_K}$ oranı kaçtır?

- A) 2 B) $\frac{6}{5}$ C) $\frac{5}{4}$ D) $\frac{4}{3}$ E) $\frac{5}{3}$

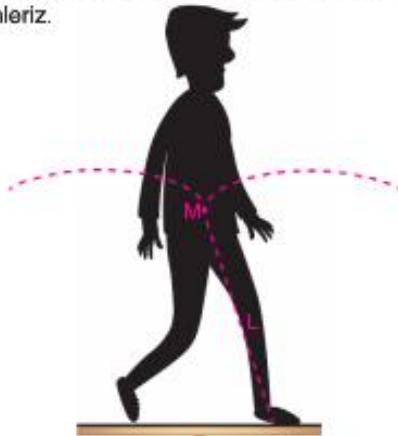
1. O merkezli bir teker kaymadan ok yönünde dönerken ok telemeye hareketi yapmaktadır. Bu tekerlek üzerindeki K noktasının yere göre anlık hız büyüklüğünün V 'dir.



Buna göre L noktası ilk kez yerle temas ettiğinde anda K noktasının yere göre anlık hızının büyüklüğü kaç v 'dır? ($|OK|=|KL|$)

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{2}{5}$

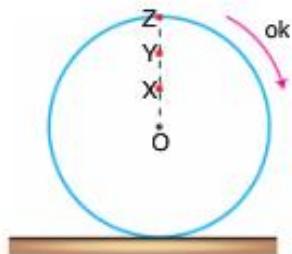
3. İnsan yürüyüşünü, zemine bastığı nokta etrafında vücuda çemberSEL hareket yaptıarak ilerlemek olarak modelleyebiliriz. Bu basitçe modellemede bir insanın kütle merkezini kalçası olarak alırsak bacak boyuna göre insanın yürürken ulaşabileceğini en büyük hız değeri bulunabilir. Bu değerden daha büyük hızla yürürsek koşma hareketi yapmış oluruz ki bu durumda ayakların zaman zaman yerle temasının kesildiğini gözlemleriz.



Buna göre bacak boyu L metre olan bir kişinin en büyük yürüme hızının aşağıdakilerden hangisi olur? (g : yerçekimi ivmesi)

- A) gL B) \sqrt{gL} C) $\sqrt{2gL}$ D) $\sqrt{\frac{gL}{2}}$ E) $2gL$

2. O noktasından geçen yatay sürtünmesiz mile takılı demirden yapılmış bir diske özdeş X, Y, Z mıknatısları şekildeki gibi manyetik etki ile tutturulmuştur. Disk durgun iken artan açısal hızla döndürülmeye başlanıyor.

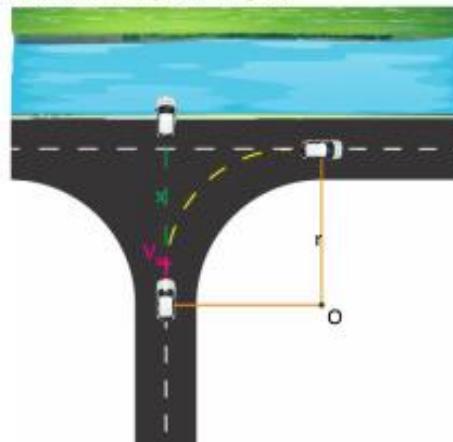


Diskin açısal hızı artırıldıkça X, Y, Z mıknatıslarının durumu için aşağıdakilerden hangisi doğrudur? (Mıknatısların birbirine uyguladığı manyetik kuvvet önemsiزdir)

- A) Önce X, sonra Y, sonra Z mıknatısı diskten savrularak kopar.
B) Önce Z, sonra Y, sonra X mıknatısı diskten savrularak kopar.
C) X, Y, Z mıknatısları aynı anda diskten savrularak kopar.
D) Önce Y, sonra X, sonra Z mıknatısı diskten savrularak kopar.
E) Disk ne kadar hızlandırılsa da mıknatıslar disk ile beraber dönmeye devam eder.

F
A
Y

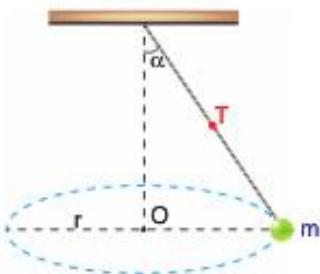
4. Bir viraja v_0 hızıyla gelen sürücü ilerde nehri görünce önünde iki seçenek olduğunu düşünür. Ya frenе basıp duracak, ya da v_0 büyüklüğündeki hızla virajı alacak. Sürücü frenе basarsa sabit ivme ile nehre kadar olan X mesafesini alıp durabiliyor.



Buna göre X mesafesi viraj yarıçapının en az kaç katı olmalı ki sürücü v_0 büyüklüğündeki hız ile virajı güvenle denebilisin?

- A) 1 B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{1}{4}$ E) $\frac{1}{5}$

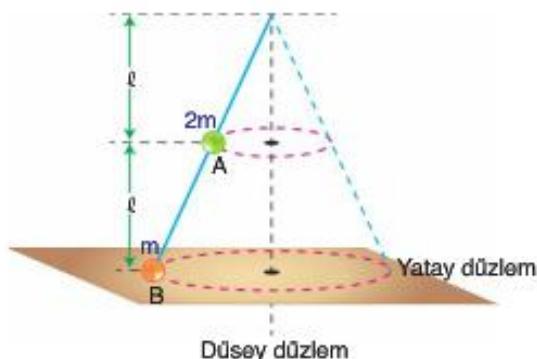
5. m küteli cisim L uzunluğundaki ipin ucuna asılarak çembersel yörüngede sabit süratle döndürülüyor.



Cismin dönüşü esnasında ip düşeyeyle α açısı yaptığına göre, cismin ω açısal hız büyüklüğünü veren ifade aşağıdakilerden hangisidir?

- A) $\omega = \sqrt{\frac{g}{L \cos \alpha}}$ B) $\omega = \sqrt{g \cdot L \cdot \tan \alpha}$
 C) $\omega = \sqrt{\frac{g}{L} \cos \alpha}$ D) $\omega = \sqrt{\frac{g \cdot \tan \alpha}{L}}$
 E) $\omega = \sqrt{\frac{g}{L} \sin \alpha}$

7. Esnemez bir çubuğun ortasına ve ucuna bağlanmış küteleri 2m ve m olan A ve B cisimlerine düşey eksen etrafında düzgün çembersel hareket yaptırılıyor.



Buna göre;

- I. Cisimlerin açısal hızları eşittir.
 II. B cisminin çizgisel hızı A cisminin çizgisel hızının 2 katı büyüklüktedir.
 III. Cisimlere etki eden merkezcil kuvvetler eşit büyüklüktedir.

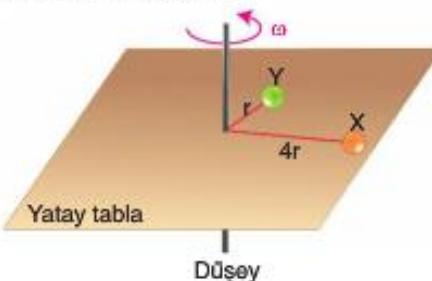
yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
 D) II ve III E) I, II ve III

F
A
Y

6. Düşey eksendeki mile yatay olarak sabitlenmiş tabla üzerinde özdeş X ve Y madeni paraları r ve $4r$ uzaklıkta durmaktadır.

Tabla durgunken açısal hızı düzgünce artınlamaya başlandıktan t saniye sonra X madeni parası tabla üzerinde kaymaya başlıyor.



Buna göre Y madeni parası başlangıçtan kaç saniye sonra kaymaya başlar? (Kayma hareketi sadece tabloya göre merkezden dışarı doğru gerçekleşmektedir.)

- A) $\frac{t}{4}$ B) $\frac{t}{2}$ C) $\frac{5t}{4}$ D) $2t$ E) $4t$

8. Düşey bir çubuğa yatay olarak sabitlenmiş eşit bölmelenmiş tablanın iki ucundaki özdeş yaylara bağlı m küteli X, Y cisimleri tabla sabitken şekildeki gibi dengedendirler.

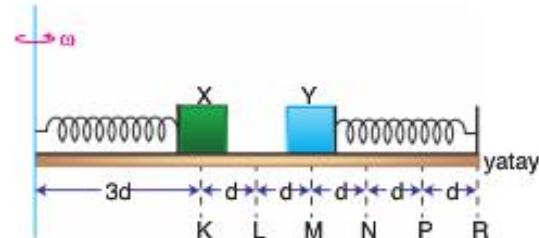
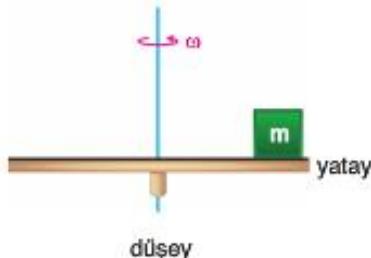


Tabla yavaş yavaş hızlandırılırken düşey çubuk etrafında döndürüldük sabit açısal hızza ulaştığında X cismi L noktasında olduğuna göre, Y cismi hangi noktada bulunur? (Sürtünmeler önemsizdir.)

- A) M-N arasında B) N noktasında
 C) N-P arasında D) P noktasında
 E) P-R arasında

9. Düşey eksene sabitlenmiş yatay tabla üzerindeki cisim etki eden sürtünme kuvvetinin büyüklüğü taba durgun iken f_1 , tabla sabit ω açısal hızıyla eksen etrafında döndürülürken f_2 , tabla eksen etrafında ω açısal hızına sahipken hızlandırılarak döndürülürken f_3 'tür.

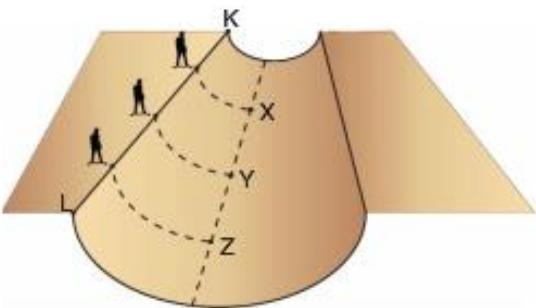


Buna göre f_1 , f_2 , f_3 arasındaki ilişki nedir?

(Cisim her üç durumda da tablaya göre durgundur.)

- A) $f_1 = f_2 = f_3$
 B) $f_1 < f_2 = f_3$
 C) $f_1 < f_2 < f_3$
 D) $f_2 = f_3 < f_1$
 E) $f_3 < f_2 < f_1$

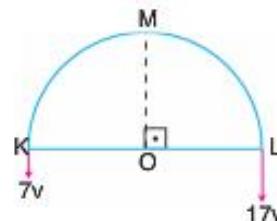
10. Şekilde görülen kaykay pisti K bölümünden L bölümüne doğru yarıçapı artan çembersel bölgelerden oluşmaktadır. Boy ve küteleri eşit 3 kaykaycı KL hızlarından harekete geçerek pistin alt düzeyindeki X, Y, Z noktalarından geçiyorlar.



Buna göre X, Y, Z noktalarında pistin kaykaycılara uyguladığı tepki kuvvetleri arasındaki ilişki nedir?

- A) $N_X < N_Y < N_Z$
 B) $N_Z < N_X < N_Y$
 C) $N_X = N_Y = N_Z$
 D) $N_Y < N_X = N_Z$
 E) $N_X = N_Z < N_Y$

11. Yatay bir masadaki O merkezli yarımadire levha üzerindeki K ve L noktalarının hızlarının büyüklükleri şekildeki gibi çapa dik ve sırasıyla $7v$ ve $17v$ 'dir.



Buna göre levha üzerindeki M noktasının hız büyüklüğü kaç v'dır?

- A) 5 B) 7 C) 12 D) 13 E) 19

12. Dünyanın dönüşünden dolayı fırlatılmadan önce fırlatma rampasında duran bir roket kinetik enerjiye sahiptir. Roketlerin uzaya fırlatılışında bu kinetik enerjiyi kullanmak isteyen bilim insanları fırlatma öslerini ekvatorda fırlatılacak bir roketlereki kaç katıdır? ($\sin 45^\circ = \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$)

- A) $\frac{1}{2}$ B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C) $\sqrt{2}$ D) $\frac{1}{3}$ E) $\frac{3}{4}$

13. Çembersel yörüngeye dolanan bir hareketi için,

- İvme vektörü daima merkeze doğru ise hız büyüklüğü sabittir.
- Yörünge üzerinde cisim hızlanırken ivmesi merkeze doğru değildir.
- Hız büyüklüğü sabit ise merkezil ivme yönü merkeze doğrudur.

yargılardan hangileri doğrudur?

- A) Yalnız I B) Yalnız II C) I ve II
 D) II ve III E) I, II ve III